

Schlussfolgerung: Energie des Lichts löst Elektronen ab und beschleunigt sie

$$E_{\text{Licht}} = W_A + E_{\text{kin}}$$

$$E_{\text{kin}} = \frac{1}{2} m_e v^2 = e_0 U_B$$

Intensität des Lichts legt nur fest, wie viele Elektronen abgelöst werden, E_{kin} ist aber nur proportional zu λ

$$E_{\text{ph}} = h \nu = W_A + e_0 U_B$$

↑ Welle ↑ Teilchen Dualismus

Widerspruch zum bestehenden Atommodell ?

Das Bohr'sche Atommodell (1913)

Bohr (Rutherford's Schüler) verbesserte Rutherford's Modell

4 Postulate:

1. Die Elektronen bewegen sich auf kreisförmigen Bahnen
2. Elektronen dürfen nur auf Bahnen mit dem Drehimpuls $L = \frac{n h}{2\pi}$ mit $n \in \mathbb{N}$ aufhalten
3. Strahlungsfreier Umlauf auf diesen Bahnen
4. $\Delta E = h \nu \cdot \Delta n$ bei Bahnwechsel

Zum 1. Postulat:

Zwischen elektrisch geladenen Teilchen treten elektrostatische Kräfte auf. Diese elektrostatische Kraft wird durch das Coulomb'sche Gesetz beschrieben (im Vakuum)

$$F_c \sim \frac{Q_1 Q_2}{r^2} \quad \text{bzw.} \quad F_c = \frac{1}{4\pi \epsilon_0} \cdot \frac{Q_1 Q_2}{r^2}$$

$$\text{mit } \epsilon_0 = 8,854 \cdot 10^{-12} \frac{\text{As}}{\text{Vm}}$$

$$(1 \text{ VA} = 1 \text{ VC} = 1 \text{ Ws} = 1 \text{ J})$$

Bewegt sich das Elektron mit der Bahngeschwindigkeit v um den Kern, tritt die Zentripetal/Zentrifugalkraft auf

$$F_z = m a_z = \frac{m v^2}{r}$$

Für einen stabilen Umlauf muss gelten:

$$F_c = F_z$$

Somit gilt:

$$\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q_1 Q_2}{r^2} = \frac{m v^2}{r}$$

bzw.

$$\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{e_0^2}{r^2} = \frac{m_e v^2}{r}$$

mit $Q_1 = Q_2 = e_0$

Einbringen des Drehimpulses L und Quantenzahl n

$$\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{e_0^2}{r^2} \cdot m_e r^3 = \frac{m_e v^2}{r} m_e r^3 = L^2 = \frac{n^2 h^2}{4\pi^2}$$

$$\rightarrow r = \frac{n^2 h^2}{4\pi^2} \frac{4\pi\epsilon_0}{e_0^2 m_e} = n^2 \frac{h^2 \epsilon_0}{\pi m_e e_0^2} = n^2 a_0$$

Zum 2. Postulat: $L = r \cdot p = m_e \cdot r \cdot v$ mit $a_0 = 0,53 \text{ \AA}$

$$= \frac{m_e h^2}{2\pi h} = n \cdot \frac{h}{2\pi}$$



$r=3r_1$

$n=3$

$r=16r_1$

$n=4$

Zum 3. Postulat Keine Veränderung zu Rutherford
Umlauf ist strahlungsfrei

Zum 4. Postulat $\Delta E = \Delta n \cdot h \cdot \nu$ oder $\Delta E = h \cdot \nu$, für $\Delta n = 1$

Betrachtung der Gesamtenergie eines Elektrons 20.12.2014

$$E = E_{\text{kin}} + E_{\text{pot}}$$

$$E_{\text{kin}} = \frac{1}{2} m_e v^2 = \frac{1}{2} \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{e_0^2}{r}$$

$$E_{\text{pot}} = \int_{\infty}^r F_c dr = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} e_0^2 \int_{\infty}^r \frac{dr}{r^2} = -\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{e_0^2}{r}$$

$$\rightarrow E = -\frac{1}{2} \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{e_0^2}{r} = -\frac{e_0^2}{8\pi\epsilon_0 r}$$

Gesamtenergie Summe aus kinetischer + potentieller
Energie, Betrag von E_{pot} doppelt so groß wie E_{kin}
 $-E_{\text{pot}} = 2 E_{\text{kin}}$

mit Def vom Drehimpuls folgt:

$$E = -\frac{e_0^2 m_e c^2}{8\pi\epsilon_0 n^2 h^2 \epsilon_0} = -\frac{1}{n^2} \frac{m_e c^2 e_0^4}{8 h^2 \epsilon_0^2}$$

Beim Übergang von z.B. $n=2 \rightarrow n=1$ folgt also

$$\Delta E = E_2 - E_1 = \frac{m_e c^2 e_0^4}{8 h^2 \epsilon_0^2} \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right) = h \cdot \nu = h \frac{c}{\lambda} = h c \tilde{\nu}$$

⑧ $\tilde{\nu} = \frac{1}{\lambda}$ (Wellenzahl)

Spektrallinien, die durch den Übergang von Elektronen von 2 Niveaus zu einander entstehen haben die Wellenzahl

$$\tilde{\nu} = \frac{m e e_0^4}{8 h^3 \epsilon_0^2 c} \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right) = R \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

↑
Rydberg-Konstante

$$R_\infty = 109737 \text{ cm}^{-1}$$

→ Übergangsserien:

$n_1 = 1$ Lyman UV

$n_1 = 2$ Balmer Vis

$n_1 = 3$ Paschen } IR

$n_1 = 4$ Brackett }

$n_1 = 5$ Pfund noch langwelliger

Ist $n_2 = \infty$ so erfolgt Ionisierung (He^- wird entfernt)

Man spricht von der Seriegrenze

$$\lim_{n_2 \rightarrow \infty} \tilde{\nu} = R \cdot \frac{1}{n_1^2} = \tilde{\nu}_{gr}$$

z.B. Lyman $n_1 = 1 \rightarrow \tilde{\nu}_{gr} = R$

$$\Rightarrow E_{ion} = h c \tilde{\nu}_{gr} = 13.6 \text{ eV}$$

Achtung Bohrsches Atommodell nur für He^- Systeme gültig (H^0 oder He^+)

↑
Kernladung $z = 2$

$$F_C = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{z e_0^2}{r^2} \rightarrow r = \frac{n^2}{z} a_0 \quad E = \frac{z^2}{n^2} \cdot 13.6 \text{ eV}$$

$$\tilde{\nu} = R \frac{z^2}{n^2} \left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

Ⓟ

de Broglie (1923) · Bewegte Teilchen sind Materiewellen

$$\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{mv}$$

Welleneigenschaften des Elektrons können durch Beugung an Kristallen gezeigt werden (Davisson und Germer, 1927)

$$E_{kin} = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{p^2}{2m} = \frac{h^2}{2m \lambda^2}$$

↳ Welle-Teilchen Dualismus